INSPECTION GÉNÉRALE

DIRECTION DE LA PÉDAGOGIE ET DE LA FORMATION CONTINUE REPUBLIQUE DE CÔTE D'IVOIRE Union-Discipline-Travail



DOMAINES DES SCIENCES

PROGRAMME ÉDUCATIF ET GUIDE D'EXÉCUTION

MATHÉMATIQUES

Première A2

MOT DE MADAME LA MINISTRE DE L'ÉDUCATION NATIONALE

L'école est le lieu où se forgent les valeurs humaines indispensables pour le développement harmonieux d'une nation. Elle doit être en effet le cadre privilégié où se cultivent la recherche de la vérité, la rigueur intellectuelle, le respect de soi, d'autrui et de la nation, l'amour pour la nation, l'esprit de solidarité, le sens de l'initiative, de la créativité et de la responsabilité.

La réalisation d'une telle entreprise exige la mise à contribution de tous les facteurs, tant matériels qu'humains. C'est pourquoi, soucieux de garantir la qualité et l'équité de notre enseignement, le Ministère de l'Éducation Nationale s'est toujours préoccupé de doter l'école d'outils performants et adaptés au niveau de compréhension des différents utilisateurs.

Les programmes éducatifs et leurs guides d'exécution que le Ministère de l'Éducation Nationale a le bonheur de mettre aujourd'hui à la disposition de l'enseignement de base est le fruit d'un travail de longue haleine, au cours duquel différentes contributions ont été mises à profit en vue de sa réalisation. Ils présentent une entrée dans les apprentissages par les situations en vue de développer des compétences chez l'apprenant en lui offrant la possibilité de construire le sens de ce qu'il apprend.

Nous présentons nos remerciements à tous ceux qui ont apporté leur appui matériel et financier pour la réalisation de ce programme. Nous remercions spécialement Monsieur Philippe JONNAERT, Professeur titulaire de la Chaire UNESCO en Développement Curriculaire de l'Université du Québec à Montréal qui nous a accompagnés dans le recadrage de nos programmes éducatifs.

Nous ne saurions oublier tous les Experts nationaux venus de différents horizons et qui se sont acquittés de leur tâche avec compétence et dévouement.

A tous, nous réitérons la reconnaissance du Ministère de l'Éducation Nationale.

Nous terminons en souhaitant que tous les milieux éducatifs fassent une utilisation rationnelle de ces programmes éducatifs pour l'amélioration de la qualité de notre enseignement afin de faire de notre pays, la Côte d'Ivoire un pays émergent à l'horizon 2020, selon la vision du Chef de l'État, SEM Alassane OUATTARA.

Merci à tous et vive l'École Ivoirienne!

Mathématiques 1ère A2 Page 1

andia CAMARA

LISTE DES SIGLES

A.P.	Arts Plastiques
A.P.C.	Approche Par Compétence
A.P.F.C.	Antenne de la Pédagogie et de la Formation Continue
All.	Allemand
Angl.	Anglais
C.A. F.O.P	Centre d'Animation et de Formation Pédagogique
C.M.	Collège Moderne
C.N.F.P.M.D.	Centre National de Formation et de Production du Matériel Didactique
C.N.M.S	Centre National des Matériels Scientifiques
C.N.R.E	Centre National des Ressources Educatives
C.O.C	Cadre d'Orientation Curriculaire
D.D.E.N.A	Direction Départementale de l'Education Nationale et de l'Alphabétisation
D.E.U.G.	Diplôme d'Etude Universitaire Générale
D.R.E.N.A	Direction Régionale de l'Education Nationale et de l'Alphabétisation
D.P.F.C.	Direction de la Pédagogie et de la Formation Continue
D.R.H.	Direction des Ressources Humaines
E.D.H.C.	Education aux Droits de l'Homme et à la Citoyenneté
E.P.S.	Education Physique et Sportive
Esp.	Espagnol
Fr	Français
FOAD	Formation à Distance
Hist-Géo	Histoire et Géographie
I.G.E.N.A	Inspection Générale de l'Education Nationale et de l'Alphabétisation
I.O.	Instituteur Ordinaire
I.A.	Instituteur Adjoint
L.M.	Lycée Moderne
L. Mun.	Lycée Municipal
M.E.N.A	Ministère de l'Education Nationale et de l'Alphabétisation
Math.	Mathématique
S.V.T.	Sciences de la Vie et de la Terre
P.P.O.	Pédagogie Par Objectif
PHYS-CHIMIE	Physique Chimie
U.P.	Unité Pédagogique

TABLE DES MATIERES

MATHEMATIQUES SECONDE A

N°	RUBRIQUES	PAGES
1.	MOT DE MME LA MINISTRE	
2.	LISTE DES SIGLES	
3.	TABLE DES MATIÈRES	
4.	INTRODUCTION	
5.	PROFIL DE SORTIE	
6.	DOMAINE DES SCIENCES	
7.	REGIME PEDAGOGIQUE	
8.	TABLEAU SYNOPTIQUE	
9.	CORPS DU PROGRAMME EDUCATIF	
10.	GUIDE D'EXÉCUTION	
11.	PROGRESSION	
12.	PROPOSITIONS DE CONSIGNES, SUGGESTIONS PEDAGOGIQUES ET	
12.	MOYENS	
13.	SCHEMA DU COURS APC	
14.	EVALUATION EN APC	

INTRODUCTION

Dans son souci constant de mettre à la disposition des établissements scolaires des outils pédagogiques de qualité appréciable et accessibles à tous les enseignants, le Ministère de l'Éducation nationale et de l'Alphabétisation vient de procéder au toilettage des Programmes d'Enseignement.

Cette mise à jour a été dictée par :

- La lutte contre l'échec scolaire ;
- La nécessité de cadrage pour répondre efficacement aux nouvelles réalités de l'école ivoirienne ;
- Le souci de garantir la qualité scientifique de notre enseignement et son intégration dans l'environnement :
- L'harmonisation des objectifs et des contenus d'enseignement sur tout le territoire national.

Ces programmes éducatifs se trouvent enrichis des situations. Une situation est un ensemble de circonstances contextualisées dans lesquelles peut se retrouver une personne. Lorsque cette personne a traité avec succès la situation en mobilisant diverses ressources ou habilités, elle a développé des compétences : on dira alors qu'elle est compétente.

La situation n'est donc pas une fin en soi, mais plutôt un moyen qui permet de développer des compétences ; ainsi une personne ne peut être décrétée compétente à priori.

Chaque programme définit pour tous les ordres d'enseignement, le profil de sortie, le domaine disciplinaire, le régime pédagogique et il présente le corps du programme de la discipline. Le corps du programme est décliné en plusieurs éléments qui sont :

- La compétence ;
- Le thème ;
- La leçon ;
- Un exemple de situation d'apprentissage;
- Un tableau à deux colonnes comportant respectivement :
- Les habiletés : elles correspondent aux plus petites unités cognitives attendues de l'élève au terme d'un apprentissage ;
- Les contenus d'enseignement : ce sont les notions à faire acquérir aux élèves

Par ailleurs, les disciplines du programme sont regroupées en cinq domaines :

- le **Domaine des langues** comprenant le Français, l'Anglais, l'Espagnol et l'Allemand ;
- le **Domaine des sciences et technologie** regroupant les Mathématiques, la Physique-Chimie, les Sciences de la Vie et de la Terre et les TICE :
- le **Domaine de l'univers social** concernant l'Histoire-Géographie, l'Éducation aux Droits de l'Homme et à la Citovenneté et la Philosophie :
- le **Domaine des arts** comportant les Arts Plastiques et l'Éducation Musicale ;
- le **Domaine du développement éducatif, physique et sportif** prenant en compte l'Éducation Physique et Sportive.

Toutes ces disciplines concourent à la réalisation d'un seul objectif final, celui de la formation intégrale de la personnalité de l'enfant. Toute idée de cloisonner les disciplines doit, de ce fait, être abandonnée.

L'exploitation optimale des programmes recadrés nécessite le recours à une pédagogie fondée sur la participation active de l'élève, le passage du rôle de l'enseignant, de celui de dispensateur des connaissances vers celui d'accompagnateur de l'élève.

I. PROFIL DE SORTIE

A la fin du second cycle de l'enseignement secondaire des séries littéraires (A2), l'élève doit avoir acquis des compétences lui permettant de traiter des situations relatives :

- aux Calculs algébriques (Calcul numérique, Calcul littéral, Equations et inéquations, Systèmes linéaires);
- aux Fonctions numériques (Généralités sur les fonctions, Etude de fonctions polynômes et de fonctions rationnelles, Fonction logarithme népérien, Fonction exponentielle népérienne, Primitives et Calcul intégral, Suites numériques) ;
- à la Modélisation d'un phénomène aléatoire (Dénombrement, Probabilités)
- à l'organisation et au traitement des données (Statistique à une variable, Statistique à deux variables)

II. DOMAINE DES SCIENCES

Le domaine des sciences et technologie est composé de quatre disciplines :

- les mathématiques
- la physique-chimie
- les sciences de la vie et de la terre
- les technologies de l'information et de la communication à l'école (TICE).

Les mathématiques fournissent les outils indispensables à l'étude des autres disciplines du domaine. En effet, les biologistes par exemple étudient l'évolution de certains micro-organismes qui se multiplient rapidement en ayant recourt à des modèles mathématiques.

Les mathématiques sont utilisées en physique, notamment en électricité et en mécanique.

III. REGIME PEDAGOGIQUE

En Côte d'Ivoire, l'année scolaire comporte 34 semaines.

Discipline	Nombre d'heures/semaine	Nombre d'heures/année	Pourcentage par rapport à l'ensemble des disciplines
MATHEMATIQUES	3	102	11,3%

IV. TABLEAU SYNOPTIQUE - MATHÉMATIQUES - SÉRIE A2

COMPÉTENCE 1

Traiter une situation relative aux calculs algébriques et aux fonctions.

N°	THÈME	SECONDE A	PREMIÈRE A2	TERMINALE A2
1.	Thème 1 : Calculs algébriques	Leçon 1 : Calcul numérique Leçon 2 : Calcul littéral Leçon 3 : Equations et inéquations dans ℝ Leçon 4 : Systèmes d'équations linéaires	Leçon 1 : Equations et inéquations Leçon 2 : Systèmes linéaires dans ℝ × ℝ	Leçon 1 : Systèmes linéaires dans $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$
2.	Thème 2 : Fonctions numériques	Leçon 1 : Généralités sur les fonctions Leçon 2 : Etudes de Fonctions élémentaires	Leçon 1 : Compléments sur les fonctions Leçon 2 : Dérivabilité et étude de fonctions Leçon 3 : Suites numériques	Leçon 1 : Etude de fonctions polynômes et de fonctions rationnelles Leçon 2 : Fonction logarithme népérien Leçon 3 : Fonction exponentielle népérienne Leçon 4 : Suites numériques

COMPÉTENCE 2

Traiter des situations relatives à la modélisation de phénomènes aléatoires, à l'organisation et au traitement de données.

N°	THÈME	SECONDE A	PREMIÈRE A2	TERMINALE A2
1.	Thème 1 : Organisation et traitement de données	Leçon 1 : Statistique à une variable	Leçon 1 : Statistique à une variable	Leçon 1 : Statistique à deux variables
2.	Thème 2 : Modélisation d'un phénomène aléatoire	Leçon 1 : Dénombrement	Leçon 1 : Dénombrement	Leçon 1 : Probabilités

CORPS DU PROGRAMME ÉDUCATIF MATHÉMATIQUES - PREMIÈRE A2

COMPÉTENCE 1

Traiter une situation relative aux calculs algébriques et aux fonctions.

THÈME 1: CALCULS ALGÉBRIQUES

Leçon 1 : Équations et inéquations dans $\mathbb R$

Exemple de situation d'apprentissage

Un élève en première décide de faire un jardin de tomate dans la grande cour familiale. Compte tenue de l'espace disponible dans la cours, il ne dispose que 48 m². De plus son père lui offre 20m de grillage qui serviront entièrement utilisée pour réaliser la clôture.

Ce jardin est de forme rectangulaire comme l'indique la figure ci-dessous. Une longueur du jardin ne sera pas grillagée.

Mais, l'élève ne sait pas comment déterminer ses dimensions.



Il sollicite ses camarades de classe. Pour l'aider, ceux-ci décident de faire des recherches sur les équations et inéquations dans $\mathbb R$.

Habiletés	Contenus	
Identifier	- un polynôme du second degré	
Connaitre	 la formule du discriminant le signe d'un polynôme du second degré les formules des zéros éventuels d'un polynôme du second degré 	
Calculer	le discriminant d'un polynôme du second degréles zéros éventuels d'un polynôme du second degré	
Factoriser	- un polynôme du second degré en utilisant le discriminant	
Déterminer	- le signe d'un polynôme du second degré	
Résoudre	- des équations du type : $\frac{ax+b}{cx+d}$ = 0 - des inéquations du type : $\frac{ax+b}{cx+d} \ge 0$ ou $\frac{ax+b}{cx+d} > 0$, du type $\frac{ax+b}{cx+d} \le 0$ ou $\frac{ax+b}{cx+d} \le 0$ ou $\frac{ax+b}{cx+d} \le 0$ - des équations du second degré en utilisant le discriminant - des inéquations du second degré en utilisant le discriminant	
Traiter	des situations faisant appel aux équations ou aux inéquations dans IR.	

<u>Leçon 2</u>: Systèmes linéaires dans $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$ Exemple de situation d'apprentissage

Le Proviseur d'un lycée a acheté 27 livres pour récompenser les élèves de Première A qui ont bien travaillé. Les livres de mathématiques sont facturés au prix de 5 200 FCFA l'unité et les livres de français au prix de 6 500 FCFA l'unité. La facture s'élève à 156 000 FCFA.

N'ayant pas encore reçu le colis, les élèves décident de déterminer le nombre de livres de mathématiques et le nombre de livres de français.

Habiletés	Contenus
Justifier	- qu'un couple donné est solution ou non d'une inéquation du premier degré dans $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$ qu'un couple donné est solution ou non d'un système de deux inéquations
	du premier degré dans $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$
Représenter	- graphiquement l'ensemble des solutions d'une inéquation du premier degré dans $\mathbb{R}\times\mathbb{R}$
Representer	- graphiquement l'ensemble des solutions d'un système de deux
	inéquations du premier degré dans $\mathbb{R} imes \mathbb{R}$.
Traduire	- une situation de vie courante à l'aide d'un système d'inéquations linéaires
Traduite	dans $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$.
Traiter	une situation faisant appel aux systèmes linéaires dans $\mathbb{R} imes \mathbb{R}$

THÈME 2: FONCTIONS

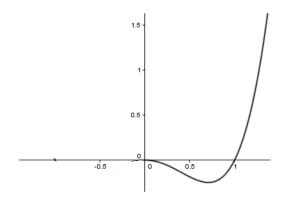
Leçon 1 : Généralités sur les fonctions

Exemple de situation d'apprentissage

Pendant une expérience en classe, un ordinateur donne différentes positions d'un objet mobile sur son écran.

Le professeur affirme qu'on peut utiliser les propriétés d'une fonction paire pour obtenir toute la trajectoire du mobile.

Curieux, les élèves décident d'étudier les fonctions paires ou impaires et leurs représentations graphiques.



Habiletés	Contenus
	- un centre de symétrie éventuel de la représentation graphique d'une
Identifier	fonction.
	- un axe de symétrie éventuel de la représentation graphique d'une fonction.
	- la définition d'une fonction paire sur ℝ ou sur ℝ*
	- la définition d'une fonction impaire sur $\mathbb R$ ou sur $\mathbb R^*$
Connaître	- les propriétés liant la parité d'une fonction et sa représentation graphique.
	- la propriété pour démontrer qu'un point est centre de symétrie
	- la propriété pour démontrer qu'une droite est axe de symétrie
Reconnaitre	- une fonction est paire ou impaire à partir de la représentation graphique
	- qu'une fonction donnée par une formule explicite est paire ou impaire
Justifier	- qu'un point donné est un centre de symétrie de la représentation graphique
	d'une fonction

	- qu'une droite donnée est un axe de symétrie de la représentation graphique d'une fonction.
Traiter	une situation faisant appel aux fonctions

Leçon 2 : Dérivabilité et étude de fonctions

Exemple de situation d'apprentissage

La coopérative de la promotion «première» d'un établissement gère une broyeuse de manioc. Cette machine peut broyer jusqu'à 2,5 tonnes de manioc par jour.

Une étude, sur le fonctionnement et la recette journaliers de la broyeuse, faite par un professeur de mathématiques de l'établissement révèle que le bénéfice journalier, en milliers de francs, est modélisé par la fonction b définie par $b(x) = -x^2 + 40x-225$ où x est la quantité en centaine de kilogrammes de manioc broyé par jour.

Dans le but de faire des prévisions pour le bal de fin d'année, les élèves de première A2 souhaitent savoir le bénéfice journalier maximal et la quantité de manioc qu'il faut pour avoir ce bénéfice. Pour cela ils décident d'étudier des fonctions.

Habiletés	Contenus
	 - la définition du nombre dérivé d'une fonction en un point. - les formules des dérivées de chacune des fonctions :
	$x \mapsto k$; $x \mapsto x$; $x \mapsto ax + b$; $x \mapsto x^2$; $x \mapsto x^3$; $x \mapsto \frac{1}{x}$; $x \mapsto \frac{a}{x}$
0 0	- la définition de la fonction dérivée d'une fonction.
Connaître	- les formules des dérivées des fonctions du type : u + v ; au ; uv ; $\frac{u}{v}$ où u et v
	sont des fonctions dérivables et a un nombre réel.
	- la propriété liant dérivée et sens de variation d'une fonction
	- la propriété liant dérivée et extremum relatif
Noter	- le nombre dérivé.
	- la fonction dérivée d'une fonction.
Interpréter	- graphiquement le nombre dérivé d'une fonction en un point
	- le nombre dérivé d'une fonction en un point ;
	- une équation de la tangente à la courbe d'une fonction
Déterminer	- graphiquement le nombre dérivé d'une fonction en un point
	- graphiquement le signe de la dérivée d'une fonction sur un intervalle donné
	- la fonction dérivée d'une fonction.
Etudier	- les variations d'une fonction en utilisant sa fonction dérivée
Dresser	- le tableau de variation d'une fonction
	- la tangente en un point de la représentation graphique d'une fonction en
Construire	utilisant une équation de ladite tangente.
	- la tangente en un point de la représentation graphique d'une fonction en
	utilisant le nombre dérivé sans déterminer une équation de la tangente.
Représenter - graphiquement une fonction sur un intervalle ou une réunion d'interv	
Traiter une situation faisant appel à l'étude de fonction et aux représentat	
	graphiques

Leçon 3 : Suites numériques

Exemple de situation d'apprentissage

Un élève en classe de 1ère A vient de fêter ses 18 ans. Lorsqu'il avait 10 ans, son père avait placé 500 000FCFA dans une banque au taux de 3% pour le jour de ses 18 ans. Il demande à ses camarades de classe de l'aider à déterminer le solde de son compte.

Les élèves acceptent de l'aider en s'organisant pour étudier les suites numériques.

Habiletés	Contenus	
Identifier	- une suite définie par une formule explicite	
	- une suite définie par une formule de récurrence	
lucillilei	- une suite définie par la donnée de tous ses termes	
	- une suite définie par sa représentation graphique	
	- la définition d'une suite numérique	
Connaître	- la définition d'une suite arithmétique	
	- la définition d'une suite géométrique	
	- un terme d'une suite connaissant sa formule explicite	
	- un terme d'une suite connaissant le premier terme et la formule de	
Calculer	récurrence	
	- la somme des <i>n</i> premiers termes d'une suite arithmétique	
	- la somme des <i>n</i> premiers termes d'une suite géométrique	
Déterminer	- la raison d'une suite arithmétique	
Determine	- la raison d'une suite géométrique	
luctifier	- qu'une suite est arithmétique,	
Justifier	- qu'une suite est géométrique	
	- graphiquement des termes d'une suite définie par la donnée de tous ses	
	termes.	
Représenter	- graphiquement des termes d'une suite définie par une formule explicite.	
	- graphiquement des termes d'une suite définie par une formule de	
	récurrence.	
Traiter	une situation faisant appel aux suites numériques	

Compétence 2

Traiter des situations relatives à la modélisation de phénomènes aléatoires, à l'organisation et au traitement de données

THÈME 1: ORGANISATION ET TRAITEMENT DE DONNÉES

Leçon 1 : Statistique

Exemple de situation d'apprentissage

L'équipe de course à pieds d'un lycée a un nouvel entraîneur. Celui-ci vient de recevoir le tableau cidessous indiquant le temps mis par chacun des membres de l'équipe lors de la dernière épreuve de 10 km.

Nom	Temps (en min)
Agnero	53
Aka	51
Akalé	66
Allou	63
Amani	59
Ballo	61
Camara	48
Dago	41
Ehouman	47
Fallé	46

Nom	Temps (en min)
Goly	51
Gnali	60
Kassi	49
Koffi	46
Kouamé	44
Kouman	43
Lath	52
Lamine	39
Lohess	42
Manouan	53

Nom	Temps (en min)
Pakora	51
Sery	57
Seyo	62
Tiékoura	50
Traoré	43
Vanié	47
Yao	48
Yéo	56
Zadi	49
Zatto	61

Soucieux d'améliorer les performances de l'équipe, l'entraîneur expose ses décisions suivantes à l'équipe.

« Je vais vous partager en six équipes de niveau équivalent (selon le temps mis lors de votre dernière épreuve). Les six équipes seront constituées selon des intervalles de temps de 5 min.

Pour exposer les raisons de mon choix, je vais faire un affichage présentant une représentation graphique sous forme d'un histogramme.

Chacun des sportifs sera situé par rapport aux autres avec le classement, ainsi qu'une mise en évidence du premier quart, de la moitié et du troisième quart des temps correspondants ».

Les élèves des classes de première A2 faisant partie de l'équipe sont impatients de savoir dans quelles équipes ils seront et quelle est la situation de chacun par rapport aux autres.

Ils se mettent ensemble pour répondre à ces préoccupations.

Habiletés	Contenus
Identifier	 - un quartile - la classe modale - l'amplitude d'une classe - un histogramme - la variance
	- l'écart-type - la moyenne
Calculer	- l'amplitude d'une classe - la variance - l'écart-type
Déterminer	- la médiane

	- un quartile
Trouver	- le mode
Trouver	- la classe modale
	- la variance
Interpréter	- l'écart-type
	- un quartile
Construire	- l'histogramme d'une série statistique regroupée en classes.
Traiter une situation	- faisant appel à la statistique

THÈME 2: MODELISATION DE PHÉNOMENES ALÉATOIRES

<u>Leçon 1</u>: Dénombrement

Exemple de situation d'apprentissage

A l'occasion de la fête d'anniversaire de leur fille, un couple sollicite un restaurateur qui leur propose quatre entrées, trois plats de résistance et cinq desserts.

Un menu est composé d'une entrée, d'un plat de résistance et d'un dessert.

Pour prévoir les dépenses liées à la restauration, le couple demande au restaurateur de lui communiquer le nombre de menus possibles.

Le fils du restaurateur qui travaille avec son père se propose de déterminer ce nombre.

Pour cela, il sollicite ses camarades de classe et ensemble, ils décident de mener des recherches sur le dénombrement d'ensembles finis.

Habiletés	Contenus		
	- la définition du produit cartésien de deux ensembles finis		
	- la définition d'une p-liste(p-uplets)		
	- la définition d'un arrangement		
	- la définition d'une permutation		
	- la définition d'une combinaison		
0 0	- le nombre de p-listes(p-uplets) d'un ensemble fini		
Connaître	- le nombre d'arrangements à p éléments d'un ensemble à n éléments (p ≤ n)		
	- le nombre de permutations d'un ensemble à n éléments		
	- le nombre de combinaisons à p éléments d'un ensemble à n éléments (p ≤ n)		
	- les formules :		
	A_n^p $A_n^$		
	$n! = 1 \times 2 \times \times (n-1) \times n$; $C_n^p = \frac{A_n^p}{n!}$; $A_n^p = n(n-1)(n-p+1)$; $C_n^p = \frac{n!}{p!(n-p)!}$		
	- le nombre de p-listes (p-uplets) d'un ensemble fini		
Noter	- le nombre d'arrangements à p éléments d'un ensemble à n éléments (p ≤ n)		
INOIGI	-nombre de permutations d'un ensemble à n éléments		
	-nombre de combinaison à p éléments d'un ensemble à n éléments ($p \le n$)		
	- le cardinal d'un produit cartésien de deux ensembles finis		
	- le nombre de p-listes (p-uplets) d'un ensemble à n éléments.		
Calculer	- le nombre d'arrangements à p éléments d'un ensemble à n éléments (p ≤ n)		
	- le nombre de permutations d'un ensemble à n éléments		
	- le nombre de combinaison à p éléments d'un ensemble à n éléments (p ≤ n)		
	- en utilisant :		
Dénombrer	 le cardinal d'un produit cartésien de deux ensembles finis 		
	• le nombre de p-listes (p-uplets)		

	• le nombre d'arrangements à p éléments d'un ensemble à n éléments (p ≤ n)
	• le nombre de permutations d'un ensemble à n éléments
	 le nombre de combinaisons à p éléments d'un ensemble à n éléments (p ≤ n)
Traiter	des situations faisant appel au dénombrement

Mathématiques 1ère A2 Page 13

GUIDE D'EXÉCUTION DES PROGRAMMES MATHÉMATIQUES – PREMIÈRE A2

I. PROGRESSION

Se conformer à la progression en vigueur.

II. PROPOSITIONS DE CONSIGNES, SUGGESTIONS PÉDAGOGIQUES ET MOYENS

COMPÉTENCE 1

THÈME 1: CALCULS ALGÉBRIQUES

<u>Leçon 1</u>: Équations et inéquations dans \mathbb{R}

CONTENUS	CONSIGNES POUR CONDUIRE LES ACTIVITES	TECHNIQUES PEDAGOGIQUES	SUPPORTS DIDACTIQUES
•Equation du second degré - discriminant • des équations du type : $\frac{ax+b}{cx+d} = 0$ • Inéquation du second degré • des inéquations du type : $\frac{ax+b}{cx+d} \ge 0 \text{ ou } \frac{ax+b}{cx+d} \le 0$ ou $\frac{ax+b}{cx+d} > 0 \text{ ou}$ $\frac{ax+b}{cx+d} < 0$	 Les polynômes du second degré choisis auront pour coefficient des nombres entiers relatifs On donnera des valeurs successives pour rechercher les solutions Les formules donnant les solutions d'une équation du second degré seront admises. La forme canonique, la somme et le produit des racines ne sont pas exigibles 	Travail individuel Travail de groupe	Manuel

Leçon 2 : Systèmes linéaires dans $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$

CONTENUS	CONSIGNES POUR CONDUIRE LES ACTIVITES	TECHNIQUES PEDAGOGIQUES	SUPPORTS DIDACTIQUES
Système d'équations du 1er degré dans IR×IR	Cette leçon se fera en séances d'exercices	Travail individuel	Manuel
• Inéquations du 1 ^{er} degré dans IR XIR.	On choisira des exercices permettant d'illustrer l'utilité des mathématiques dans l'étude des	Travail de groupe	
Système d'inéquations	situations réelles		
du 1 ^{er} degré dans IR×IR	 On traitera plusieurs situations concrètes 		
	On traitera des problèmes de programmation linéaire sur des		

1 1 1 1 1 1	T	
exemples simples ; la résolution		
des programmes de programmation linéaires doit être		
guidée		

THÈME 2: FONCTIONS

Leçon 1 : Généralités sur les fonctions

CONTENUS	CONSIGNES POUR CONDUIRE LES ACTIVITES	TECHNIQUES PEDAGOGIQUES	SUPPORTS DIDACTIQUES
 Fonction paire, fonction impaire Définition Propriétés Axe de symétrie, centre de symétrie propriétés 	 En 1ère A2 les fonctions au programme sont les fonctions polynômes de degré inférieur ou égal à 3 et les fonctions du type x → a/x, L'étude de la parité se fera sur IR ou IR* 	Travail individuelTravail de groupe	Manuel

LEÇON 2 : Dérivabilité et étude de fonctions

CONTENUS	CONSIGNES POUR CONDUIRE LES ACTIVITES	TECHNIQUES PEDAGOGIQUES	SUPPORTS DIDACTIQUES
Nombre dérivé - nombré dérivé - interprétation graphique - Equation de la tangente en un point Dérivation -fonction dérivée - fonction dérivée et sens de variation -formules de dérivation Etude de fonction -tableau de variation - représentation graphique sur un intervalle ou une réunion d'intervalle	 Pour la mise en place de la notion intuitive de nombre dérivé, on utilisera l'une des trois approches suivantes : approche graphique à l'aide de la tangente approche cinématique, à l'aide de la vitesse approche numérique en calculant le taux d'accroissement la notion de limite n'est pas au programme la notion d'asymptote n'est pas au programme Pour établir le nombre dérivé des fonctions → k; x → x; x → ax + b; x → x²; x → x³; x → x²; x → x²; x → x³; x → x²; x → x²;	Travail individuel Travail de groupe	Manuel

LEÇON 3 : Suites numériques

CONTENUS	CONSIGNES POUR CONDUIRE LES ACTIVITES	TECHNIQUES PEDAGOGIQUES	SUPPORTS DIDACTIQUES
•formule explicite •formule de récurrence •représentation graphique • suites arithmétiques et suites géométriques	 On introduira les suites à partir d'exemples simples de la vie courante en évitant toute théorie On se limitera aux suites récurrentes de la forme un+1 = aun + b (a∈Q, b∈Q) Le professeur portera un accent particulier sur : la découverte des suites dans des situations concrètes les notations la démarche inductive la conjecture la visualisation du concept 	Travail individuel Travail de groupe	Manuel

Compétence 2

THÈME 1 : ORGANISATION ET TRAITEMENT DE DONNÉES

<u>Leçon 1</u>: Statistique

Contenus	Consignes pour conduire les activités	Techniques	Supports
Statistiques Séries statistiques regroupées en classes. Représentations graphiques histogramme courbes cumulatives polygones des effectifs et des fréquences Caractéristiques de position d'une série statistique regroupée en classes. Définition de la moyenne Définition de la médiane Définition du premier quartile et du troisième quartile	Tout le chapitre doit être traité en exercices et en travaux dirigés. Le professeur fera remarquer que dans les histogrammes, ce sont les aires (et non pas les hauteurs) des rectangles figuratifs qui représentent les effectifs ou les fréquences par classe. Les élèves ayant calculé au collège, la moyenne dans le cas discret, on fera remarquer qu'il suffit, ici, de remplacer dans les calculs les modalités par les centres des classes. La détermination graphique de la médiane est une nouvelle habileté. On peut la déterminer de deux manières : - abscisse de l'intersection des	pédagogiques Travail en groupe Travail individuel Enquête Brainstorming Discussion dirigée	didactiques Manuel Internet Revues Média Instruments de géométrie

 Caractéristiques de dispersion d'une série statistique regroupées en classes. Définition de la 	courbes cumulatives croissante et décroissante; - Image réciproque de N/2 par une courbe cumulative (N est l'effectif total).	
variance - Définition de l'écart type	Les calculs des caractéristiques de dispersion et de la variance, se font soit à l'aide de la calculatrice, soit en construisant un tableau.	
	L'étude de l'écart-type donne une bonne approche intuitive de la notion de dispersion	

THÈME 2 : MODELISATION DE PHÉNOMENES ALÉATOIRES

<u>Leçon 1</u>: Dénombrement

CONTENUS	CONSIGNES POUR CONDUIRE LES ACTIVITES	TECHNIQUES PEDAGOGIQUES	SUPPORTS DIDACTIQUES
Produit cartésien de deux	●La mise en place des différents	Travail	Manuel
ensembles	modèles se fera progressivement à	individuel	
-Définition	partir d'exercice simples et		
-Cardinal	appropriés.	Travail de	
•p-liste (p-uplets)	●On évitera l'usage abusif et	groupe	
-Définition	mécanique des formules		
-nombre de p-listes(p-uplets)	On mettra l'accent sur la		
d'un ensemble fini	modélisation		
Arrangement	●Il est important de porter la		
-Définition	réflexion sur la forme du résultat.		
-Nombre d'arrangements à p	On pourra aussi s'aider du schéma		
éléments d'un ensemble à n	suivant		
éléments (p≤n)	T (1/2)		
-Notation A ^p	Les p éléments sont- ils nécessairement Non p-liste		
-A ^p =n(n-1)(n-p+1)	distincts deux à deux (p-uplet)		
Permutations	oui		
-Définition			
-Nombre de permutations	Transport it to non		
d'un ensemble à n éléments	L'ordre a-t-il de l'importance Combinaison		
-Notation n!			
n !=n(n-1) ××2×1	oui		
Combinaisons	non Arrangement		
-Définition	n=p! Arrangement		
-Nombre de combinaisons à	oui		
p éléments d'un ensemble à	•		
n éléments (p≤n)	Permutation		
-Notation C_n^p			
	 le professeur entrainera ses 		

A_n^p	élèves sur des exercices simples	
$C_n^p = \frac{A_n^p}{p!}$	qui facilitent le choix de l'outil	
• Propriétés	approprié	
	On s'efforcera de donner du sens	
$- C_n^p = \frac{n!}{p!(n-p)}$	aux activités et aux exercices en les	
	puisant dans l'environnement des	
$C_n^p = C_n^{n-p}$	élèves	

III. FICHE DE LEÇON

DISCIPLINE: Mathématiques

Classe : 1re A2

<u>Thème</u> : Fonctions numériques <u>Leçon</u> : SUITES NUMERIQUES

Séance : 1/10 Durée : 55 min

<u>Pré-requis</u> : Calcul de pourcentage <u>Support didactique</u> : Calculatrice

HABILETES	CONTENUS
Connaître	- la définition d'une suite numérique
	- la détermination d'une suite par une formule explicite
	- la détermination d'une suite par une formule de récurrence
Calculer	- un terme d'une suite connaissant le premier terme et la formule de
	récurrence

PLAN

- I. Suites numériques
 - 1. Définition
 - 2. Détermination d'une suite numérique
 - a. Suite définie par une formule explicite
 - b. Suite définie par une formule de récurrence

Situation : Au cours de la campagne café-cacao, une coopérative d'Abengourou décide de louer un magasin de stockage.

Le loyer annuel initial du magasin est de 600000 f CFA. La coopérative s'engage à le louer pendant 10 années successives.

Le propriétaire du magasin lui fait alors deux contrats au choix.

Contrat 1 : Il y aura une augmentation forfaitaire de 2000 f CFA du magasin l'année suivante.

Contrat 2 : Il y aura une augmentation 2% de loyer l'année suivante.

En vue de permettre à la coopérative de s'engager il est question de trouver le contrat le plus avantageux

Moments Didactiques Durée	Stratégies pédagogiques	Activités du professeur	Activités des apprenants	Trace écrite
Présentation				
Présentation	Lecture de la	Lecture et	L'élève exécute	
de la situation	situation par un	explication de la	Lecture à haute	

Développement Travail en groupe Traitement de la situation Activité 1	-Appropriation de la	élève	situation	voix	
Développement Travail en groupe Exposition de guelques résultats Echange entre les élèves 2/ Calculer le loyer du magasin 2 ans après 3/ Calculer le loyer du magasin 3 ans après 4/ Calculer le loyer du magasin 4 ans après 4/ Calculer le loyer du magasin 4 ans après 4/ Calculer le loyer du magasin 4 ans après 4/ Calculer le loyer du magasin 4 ans après 4/ Calculer le loyer du magasin 4 ans après 4/ Calculer le loyer du magasin 4 ans après 4/ Calculer le loyer du magasin 4 ans après 4/ Calculer le loyer coûteradans 10 ans ? Activité 2 Combien le loyer coûteradans 10 ans ? Activité 3 Posons que le loyer initial est égal U₀ 1/ Calculer U₁ en fonction de U₀ 2/ 2/Sachant que U₁ est le montant du loyer un an après Calculer U₂ en fonction de U₀ 3/ Calculer U₃ en tonction de No une partie de N) Vers Reportét Not profiét Not	situation (5 min)			Explication de la situation	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	Traitement de la situation Activité	Exposition de quelques résultats Echange entre les	1/ Calculer le loyer du magasin un an après 2/ Calculer le loyer du magasin 2 ans après 3/ Calculer le loyer du magasin 3ans après 4/ Calculer le loyer du magasin 4ans	Réponse attendue 1/ M ₁ = 600000 + 2000=602000 F 2/ M ₂ = 602000 + 2000=604000 F 3/ M ₃ = 604000 +2000 = 606000 F 4/ M ₄ = 606000+ 2000 = 608000 F	
Activité 2 Combien le loyer coûteradans 10ans? Activité 3 Posons que le loyer initial est égal U ₀ 1/ Calculer U ₁ en fonction de U ₀ 2/Sachant que U ₁ est le montant du loyer un an après, Calculer U ₂ en fonction de U ₀ 3/Calculer U ₁₀ en fonction U ₀ L'expression U ₁₀ est appelée terme d'une suite d'indice 10 Consigne : Si n = 10 et r= 2000 donner l'expression de U ₀ en fonction de U ₀ , ne t'r Cette expression est l'expression est le double de lough e 620000 F			αρισδ	M ₃ = 604000 +	
coûteradans 10ans? Activité 3 Posons que le loyer initial est égal U₀ 1/ Calculer U₁ en fonction de U₀ 2/Sachant que U₁ est le montant du loyer un an après, Calculer U₂ en fonction de U₀ 3/Calculer U₁₀ en fonction U₂ 0 est appelée terme d'une suite d'indice 10 Consigne: Si n = 10 et r= 2000 donner l'expression de U₀ en fonction de U₀ 10 est appelée terme d'une suite d'indice 10 Consigne: Consigne: Si n = 10 et r= 2000 donner l'expression de U₀ en fonction de U₀ 10 en fonction de U₀ 1	exploitation			M ₁₀ = 618000 +	
Posons que le loyer initial est égal U_0 1/ Calculer U_1 en fonction de U_0 2/Sachant que U_1 est le montant du loyer un an après, Calculer U_2 en fonction de U_0 3/Calculer U_1 en fonction U_0 3/Calculer U_1 en fonction U_0 L'expression U_{10} est appelée terme d'une suite d'indice 10 Consigne: Si $n = 10$ et $r = 2000$ donner l'expression U_0 en fonction de U_0 an en fonction de U_0 an en fonction de U_0 en fonction de U_0 en fonction de U_0 en fonction U_0 est appelée terme d'une suite d'indice U_0 est appelée terme d'une fonction de U_0 en fonction de U_0 est l'expression est l'expression	(25 min)				
$\begin{array}{c} \text{Si n} = 10 \text{ et r=} \\ 2000 \text{ donner} \\ \text{l'expression de } U_n \\ \text{en fonction de } U_{0_i} \text{ n} \\ \text{et r} \\ \text{Cette expression} \\ \text{est l'expression} \end{array}$			Posons que le loyer initial est égal U ₀ 1/ Calculer U ₁ en fonction de U ₀ 2/Sachant que U ₁ est le montant du loyer un an après, Calculer U ₂ en fonction de U ₀ 3/Calculer U ₁₀ en fonction U ₀ L'expression U ₁₀ est appelée terme d'une suite d'indice 10	Réponse attendue U ₂ = U ₀ +2(2000) Réponse attendue U ₁₀ = U ₀ + 10(2000)	On appelle une suite numérique toute fonction de \mathbb{N} (ou d'une partie de \mathbb{N}) vers \mathbb{R} Propriété1 Soit (U _n) une suite numérique On a : pour tout nombre entier naturel n, U _n = U ₀ + nr Propriété2 Soit (U _n) une suite numérique On a : pour tout nombre entier naturel numérique
numérique On pose U ₀ = Réponse attendue			Si n = 10 et r= 2000 donner l'expression de Un en fonction de U0, n et r Cette expression est l'expression d'une suite numérique	U _n = U ₀ + nr	

Mathématiques 1ère A2 Page 19

	600000 (montant	$U_{2+1} = U_3 = U_2 +$	
	initial)	2000	
		$U_{3+1} = U_4 = U_3 +$	
	$U_1 = U_0 + 2000$	2000	
	$U_2 = U_1 + 2000$ or		
	$U_2 = U_{1+1} = U_1 +$	Réponse attendue	
	2000	$U_{n+1}=U_n+r$	
	Exprimer U ₃ en		
	fonction de U ₂ et r		
	Exprimer U ₄ en		
	fonction de U₃ et r		
	Partant de là		
	Déterminer		
	l'expression de		
	U _{n+1} en fonction U _n		
	et r		
Evaluation	Application 1	Réponse attendue	
(10 min)	On donne : U _n = 2 +	_	
	4n	$U_6 = 2 + 4 \times 6 = 26$	
	Calculer U ₅ ; U ₆ ; U ₇	$U_7 = 2 + 4 \times 7 = 30$	
	Application 2	Réponse attendue	
	$\int U_0 = -2$	<u>U</u> ₁= -2 - 5 = -7	
		$U_2 = -7 - 5 = -12$	
	Calculer U ₁ ; U ₂ ; U ₃	U ₃ = - 12 -5 = - 17	

ANNEXE

I-LE SCHEMA DU COURS APC

Les moments didactiques sont les étapes de la construction des connaissances.

a) La phase de présentation.

C'est une phase au cours de laquelle on fait le rappel des prérequis.

L'enseignant doit mettre à la disposition des apprenants **une situation** (texte, graphique, image, etc.). L'enseignant doit s'assurer que les apprenants ont relevé les informations pertinentes de la situation : c'est le décodage de la situation. Il doit veiller à ce que les apprenants s'approprient la situation et qu'ils aient bien compris la tâche à réaliser. Il doit enfin motiver les apprenants à s'engager dans la résolution de la situation à travers la phase d'action.

b) La phase d'acquisition ou le développement

Au cours de ce moment didactique, se déroulent les phases d'action, de formulation et de validation et la phase d'institutionnalisation.

Dans la phase d'action, c'est l'apprenant qui résout lui-même la situation en sollicitant un modèle mathématique. L'enseignant se constitue en personne ressource. Les travaux de recherche des apprenants se font individuellement ou en groupe. Dans chaque groupe, il y a un modérateur et un rapporteur.

Dans la phase de formulation, l'apprenant ou les rapporteurs des groupes (pas forcément tous) explicitent par écrit ou oralement la solution trouvée. On peut profiter pour faire une mise en commun des solutions proposées par les apprenants ou les groupes.

Dans la phase de validation qui suit, les apprenants produisent la preuve de leur solution. L'enseignant gère la discussion entre les apprenants pour faire émerger la solution validée de la situation. Ce moment didactique s'achève par une synthèse de l'activité. Cette synthèse est faite par les apprenants eux – mêmes avec éventuellement l'aide de l'enseignant.

Dans la phase d'institutionnalisation, c'est l'enseignant qui représente l'institution scolaire qui identifie les nouveaux savoirs et savoir – faire, précise les conventions et fait noter la trace écrite par les apprenants.

c) La phase d'évaluation.

Elle consiste à proposer un exercice de fixation à la fin de chaque séquence d'apprentissage. En APC, l'évaluation des apprentissages est intégrée à la séance. Elle doit permettre de vérifier le niveau d'installation des contenus. Le cours en APC se terminera toujours par un ou des exercices de recherche ou une activité qui prolongera l'apprentissage

II- L'EVALUATION EN APC

Les outils d'évaluation en APC sont présentés dans le tableau ci-dessous.

Outils	Objectifs	caractéristiques	Moments d'administration
Exercice de fixation	Vérifier si une habileté mise en place est oui ou non acquise	Questions de connaissance, de compréhension ou d'application	Au cours d'une leçon, juste après la mise en place d'une habileté
Exercice de renforcemen t ou d'entrainem ent	Vérifier si l'apprenant peut mettre en oeuvre plusieurs habiletés d'une même leçon pour résoudre un exercice	 Questions de connaissance, de compréhension, d'application ou traitement de situation Les questions portent sur des habiletés d'une même leçon Est contextualisé ou non. 	Après la mise en place de plusieurs habiletés, à la fin ou avant la fin d'une léçon
Exercice d'approfon- dissement	Vérifier si l'apprenant peut mettre en oeuvre plusieurs habiletés de plusieurs leçons pour résoudre un exercice	 Questions de connaissance, de compréhension, d'application ou traitement de situation Les questions portent sur des habiletés de plusieurs leçons Est contextualisé ou non 	Après plusieurs leçons
Exercice de recherche	Mettre en exergue une méthode particulière de résolution d'un exercice	Questions ouvertes Est contextualisé ou non	Après une ou plusieurs leçons en classe ou à la maison

Situation d'évaluation	 Contextualiser l'enseignement/apprentissage Vérifier la capacité de l'apprenant à faire un transfert 	Contexte, circonstances et taches déclinées en consignes	 Après la mise en place de plusieurs habiletés d'une leçon. A la fin d'une leçon. A la fin de plusieurs leçons
---------------------------	---	--	---